

أولاً: المقدمة والإحساس بالمشكلة

إن التفكير الصحيح أساس تقدم وتطور المجتمعات ، فالمجتمع المتطور يتطلب أفراداً مدربين على أدق أساليب التفكير وممارستهم لها بأنفسهم ، فالطريقة التي يتوصل بها الفرد إلى المعلومات والحقائق والأفكار بنفسه غالباً ما تبقى ، ولكن الحقائق والمعلومات سرعان ما تنسى ، ومن ثم يجب أن يتعلم الفرد كيف يستخدم هذه الطرق والأساليب ، ويتدرب عليها ويمارسها في مجال الدراسة التخصصية وفي مواقف من الحياة .

ونحن نعيش عصر ثورة المعلومات والاتصالات ، لا يستطيع الفرد مهما بلغت طاقته أن يسيطر إلا على قدر يسير جداً من الكم الهائل من المعلومات المتدفقة عبر وسائل الاتصال المختلفة ، ومن ثم تصبح معارفه قديمة وغير كافية للتعامل مع التغيرات السريعة في ميادين الحياة المختلفة.

وهذا يملئ على التربية أن تزود الأفراد بمهارات التفكير وعملياته حتى يتمكنوا من التعامل بفاعلية مع أى نوع من المتغيرات أو المعلومات التي يأتى بها المستقبل ، "فمهارات التفكير تبقى متجددة وصالحة لاستخدامها في معالجة المعلومات ، وفي إطار ذلك يذكر سترنبرج " Sternberg" يقول "إن المعارف مهمة بالطبع ولكنها غالباً ما تصبح قديمة ، أما مهارات التفكير فتبقى جديدة أبداً ، وهي تمكننا من اكتساب المعرفة واستدلالها بغض النظر عن المكان والزمان أو نوع المعرفة التي تستخدم مهارات التفكير في التعامل معها " . ويؤكد ذلك (محمد جهاد جمل)^٢ بقوله " إن تدريس مهارات التفكير في مراحل التعليم العام ، وفي الجامعة بات أمراً ملحا فرضته تحديات القرن الحادى والعشرين".

— وتعد الرياضيات من أنسب المواد لتنمية أساليب التفكير الصحيح ومهارته ، لما تتمتع به من مزايا منها :

١- طبيعتها التراكمية والتركيبية والاستدلالية .

٢- طبيعتها التجريدية والرمزية الدقيقة .

٣- اعتمادها على التخيل والصور الذهنية .

^١ قى فنى حروان " تعليم التفكير مفاهيم و تطبيقات " عمان دار الكتاب الجامعى ، ط ١ ، ٢٠٠٠ ، ص ١

^٢ محمد جهاد جمل : "العمليات الذهنية ومهارات التفكير الرياضى من خلال عمليتين التعليم والتعلم" الإمارات العربية المتحدة : دار الكتاب الجامعى ، ٢٠٠١ ، ص ٩٨

٤- اعتمادها على المنطق والأسس الموضوعية والأدلة الصحيحة .

٥- إمكانية حل المشكلات فى الرياضيات بأكثر من طريقة .

٦- اهتمامها بالتأكد من صحة الاكتشافات وحلول المشكلات .

ويؤكد ذلك "محمد المفتى" بقوله: "١ إن الرياضيات تحتل مكانة بارزة بين المقررات الدراسية لما تسهم به فى تنمية المهارات والقدرات العقلية لدارسيها وتنمية التفكير السليم لديهم لمواجهة ما يقابلهم من مواقف جديدة فى دراستهم وحياتهم العملية."

مما جعل البعض "٢ يطلق على الرياضيات أنها " لغة العلوم " أو " ملكة العلوم " وفى هذا الشأن يقول " أينشتاين " : " إن الرياضيات هى التى تمنح العلوم الطبيعية المضبوطة مقياسا معينا من الأمن الذى لا يمكن أن تبلغه بدون الرياضيات ."

كما أن نجاح الرياضيات فى العلوم الطبيعية كان بمثابة إغراء للعلوم الاجتماعية والنفسية فتزايدت حاجتها للرياضيات فى إكسابها الدقة والصرامة .

ويعد " التفكير فى الرياضيات" أو ما يطلق عليه " التفكير فى الرياضى " نمطا من أنماط التفكير وثيق الصلة بالرياضيات حيث يمثل الدعامة الأساسية فى اكتشاف ودراسة و تطوير الرياضيات ، ليس هذا فحسب ، بل إن " محمد المفتى و عبد العزيز محمد " يعتبران التفكير الرياضى بعدا أساسيا من أبعاد " التتور فى الرياضيات " ٣ ونظرا لهذه الأهمية ونظرا لهذه الأهمية العظيمة للتفكير الرياضى نجد فى توصيات ١ المجلس القومى لمعلمى الرياضيات (NCTM) عامى ١٩٨٩ ، ١٩٩٨ وما قبلها ، التأكيد على ضرورة اكتساب الطلاب أساليب ومهارات التفكير الرياضى .

كما أن أهداف تدريس الرياضيات فى كل دول العالم تركز على إكساب الطلاب

١ محمد أمين المفتى " قراءات فى تعليم الرياضيات " الأنطو المصرية ، ١٩٩٥ ، ص ٧

٢ فى مجدى عزيز إبراهيم " تدريس الرياضيات فى التعليم قبل الجامعى " النهضة المصرية ١٩٨٥ ط ٢ ص ٧٥

٣ سوف تستخدم الباحثة مصطلح التفكير الرياضى فى أجزاء الرسالة فيما بعد للدلالة على التفكير فى إطار الرياضيات.

٤ محمد أمين المفتى و عبد العزيز محمد " التتور فى الرياضيات لدى الطلاب المتعلمين " المؤتمر العلمى الثانى - اعداد المعلم التراكمات والتحديات الاسكندرية ١٥ - ١٨ يوليو ١٩٩٠ ، ص ١٧٢

٥ أنظر كل من :

- Shirley M . Frye " The NCTM Standards Challenges For All Classrooms " Math . Teacher v 82 , n5, May , 1989 , p (312-316)

- National Council of Teacher of Mathematics (NCTM) Principles and standards for school mathematics , discussion Draft , october , 1998 , p 12 .

أساليب متنوعة من التفكير الرياضى^١ (الاستقرائى ، والاستنباطى ، العلاقى و التأملى ، والناقد ، والإبداعى ، و الرمضى ، و الاحتمالى ، والتحليلى ، والتركيبى.....) .

كما شغل التفكير الرياضى اهتمام الباحثين خاصة فى العقدين الأخيرين من القرن الماضى وحتى العام الحالى حيث ظهر^٢ عديد من الأبحاث فى مجال التفكير الرياضى ومهاراته.

وبالرغم من تلك الأهمية وهذا الاهتمام ، إلا أن هناك مؤشرات تؤكد عدم اهتمام المعلم فى تدريسه للرياضيات بمهارات التفكير الرياضى ، وأن لديه تدنى فى مهارات التفكير الرياضى ، وهذا يتضح فيما يلى حيث :

أكدت دراسة (حسين غريب : ١٩٨٦)^٣ أن المعلمين يهتمون بنقل المعرفة و البيانات فى تدريس الرياضيات بدرجة أكبر من الاهتمام بتنمية أساليب التفكير فى الرياضيات . وذكر " رمضان صالح وفاروق السيد " أن المدرسين ما زالوا يهتمون بنقل المعلومات للتلاميذ ، ولا يهتمون بنفس الدرجة بتدريب التلاميذ على العمليات العقلية المتضمنة فى عملية التفكير.

ويذكر " محمد المفتى"^٤ " أن مناهجنا ما زالت تعمل على حشو أذهان الطلاب بمعلومات قد تفيد ، وقد لا تفيد الطلاب متجاهلة أساليب وطرق تنمية التفكير ، مضحية فى ذلك بكل الأهداف والقيم الموضوعة لكى يتكيف التلميذ مع طبيعة عالمه المعاصر ، و سمات التغيير و التقدم ، و مواجهة التحديات والمشكلات الاجتماعية من حوله ."

^١ راجع كل من : - حسن على حسن سلامة " تدريس الرياضيات بين النظرية والتطبيق " القاهرة دار الفكر للنشر والتوزيع ١٩٩٥ ص ٦٤ ، - الجمعية المصرية للتسمية والطفولة بالتعاون مع وزارة التربية والتعليم : " المؤتمر القومى لتطوير التعليم الإعدادى " التقرير النهائى أكتوبر - نوفمبر ١٩٩٤ ص ٥٩ - عبد الله بن - المنقورة " الأبحاث الحديثة فى تدريس الرياضيات " الرياض عمادة شؤون المكتبات ١٩٨٩ ص ٣٢ - فريد أبو زينة " نحو القدرة على التفكير الرياضى فى المرحلة الثانوية " مجلة اتحاد الجامعات العربية الأردن ١٩٨٦ ص ١٤٨ - المركز القومى للبحوث التربوية لدول الخليج " صيغة موحدة لأهداف المواد الدراسية بمراحل التعليم العام " مع ٢ مكتب التربية العربى لدول الخليج ، ١٩٨٤ ص ١٥-٥ - ولیم عبيد وآخرون " تربيوات الرياضيات " دار أسامة للطباعة ١٩٨٩ ص (٤٠-٤١) - محمدى عزيز إبراهيم " دراسات فى المنهج التربوى المعاصر - رؤية لمنهج حديث من أجل جيل جديد فى عصر العولمة " الأنجلو المصرية ، ط ٢ ، ٢٠٠٠ ، ص ٢٧٦ - وزارة التربية والتعليم " مناهج المرحلة الثانوية والتعليم العام " قطاع الكتب القاهرة ١٩٩٧ - ١٩٩٦

-Kumar, sudhir " Teaching of mathematics " New Delhi Anmol Publications PVT LID, 1993 (15-24)
-Borasi . R : " learning Mathematics through inquiry " Heine Mann Publisher . rochester . 1994 . p 1

^٢ أنظر فصل الدراسات السابقة

^٣ حسين غريب حسين " تقوم تدريس الرياضيات بالتعليم الأساسى ، الحلقة الثانية " مجلة المناهج و طرق التدريس ، ١٩٨٦ ١٤

^٤ رمضان صالح وفاروق السيد " مدى فعالية الطريقة الاستقصائية فى التحصيل الدراسى و تنمية مكونات التفكير الرياضى " مجلة اتحاد الجامعات العربية ، ٢٨٤ ، يناير ١٩٩٣ ص ٢٨٣

^٥ محمد المفتى وآخرون " المناهج ، مفهومها ، أسسها ، عناصرها ، تنظيماتها " الأنجلو المصرية ١٩٩٣ ، ص ٣٩

وأكدت دراسة (حسن هاشم ، وعلاء سعد: ٢٠٠٠)^١ على أن المناهج الدراسية مازالت تركز في محتواها وأنشطتها على قياس مستوى التذكر وإهمال مهارات التفكير العليا كما أن المعلمين لا يسمحون للتلاميذ باستعراض قدراتهم على التفكير.

كما يذكر "محمود شوق"^٢ أن المعلم في القرن الحادي والعشرين يواجه تحديات عديدة من بينها مساعدة المتعلمين على اكتساب المهارة في ممارسة كل طرق التفكير.

هذا وقد عدد "إبراهيم كرم"^٣ الأسباب الرئيسية لعدم تركيز المعلم على مهارات التفكير فكان من بينها:

- عدم إعداد المعلم وتدريبه على القيام بتمية مهارات التفكير .
- الكتب المدرسية غالبا ما تقدم على أساس معلومات ومعارف وحقائق دون أن تأخذ الجوانب الأخرى حقها من الاهتمام لدى التلاميذ .

هذا بالنسبة للمعلم أما بالنسبة للطلاب المعلم فان الدراسات في هذا المجال تؤكد تدنى مستوى الطلاب المعلمين في التفكير الرياضى ومن هذه الدراسات :

- دراسة (فريد أبو زينة : ١٩٨٦)^٤ أكدت على تدنى طلاب المدرسة الثانوية الأردنية وطلاب الجامعة بالأردن في القدرة على الاستدلال والبرهان (بعدين أساسيين من أبعاد التفكير الرياضى) ، كما أوصت بضرورة التوجه نحو تنمية قدرة الطلاب المعلمين على البرهان والمناقشات المبنية على الاستدلال.

- دراسة (محمد المفتى وعبد العزيز محمد : ١٩٩٠)^٥ أشارت إلى تدنى مستوى الطلاب المعلمين بكلليات التربية شعبة الرياضيات في أساليب التفكير الرياضى ، وأوصت الدراسة بأن يركز مقرر طرق تدريس الرياضيات على الأجزاء التى تتناول طرق البرهان الرياضى ، وأساليب التفكير الرياضى .

^١ حسن هاشم وعلاء سعد : "تطوير التدريبات والأنشطة المصاحبة لمقررات الرياضيات لمرحلة التعليم الاساسى في ضوء مهارات التفكير العليا HOT" مجلة تربويات الرياضيات، يوليو ٢٠٠٠، ص ٦٤-٦٥.

^٢ محمود أحمد شوق : "نزية المعلم للقرن الحادى والعشرين" الرياض ، مكتبة العبيكات ، ط ١ ، ١٩٩٥ ، ص ٥١.

^٣ إبراهيم كرم: " المناهج الدراسية وتنمية مهارات التفكير " مجلة التربية المعاصرة ع ٢٦٤ مارس ١٩٩٣ ص ١٨٧

^٤ فريد أبو زينة: ١٩٨٦ مرجع سابق

^٥ محمد المفتى و عبد العزيز محمد : مرجع سابق ، ١٩٩٠

- دراسة (رمضان صالح و فاروق السيد : ١٩٩٣)^١ أوصت بضرورة تشجيع الطلاب المعلمين على استخدام الطريقة التحليلية في التفكير عند حل المشكلة مع ذكر التعليل لكل خطوة من خطوات الحل ، ضرورة تشجيعهم على البحث عن التعميمات ، والدقة في التفكير والتعبير في المناقشات أو الأعمال التحريرية .

- دراسة (لطفى مخلوف : ١٩٩٤)^٢ أكدت على تدنى مستوى الطلاب المعلمين بالتعليم الابتدائي شعبة الرياضيات في المستويات الثلاثة الأخيرة من مستويات " فان هيل " للتفكير الهندسى ، حيث تضم هذه المستويات الثلاثة أساليب (الاستقراء ، الاستنباط ، البرهان ، و إدراك العلاقات ، والتعبير بالرموز ، التفكير المنطقى) وقد بلغ مستوى التدنى إلى ٦٠ % .
- وأشار (جابر حسين : ١٩٩٧)^٣ إلى صعوبات تواجه طلاب التربية العملية شعبة الرياضيات فى تدريس الهندسة وبراهينها ، ترجع إلى عدم فهمهم لبراهينها .

- وأكدت دراسة (سوسن كوسة : ٢٠٠١)^٤ على ضرورة إعداد المعلمات اللاتى يهدفن ويعملن على تنمية التفكير لدى التلميذات وليس فقط حفظ القوانين والحلول .

مما سبق يتضح تدنى مستوى الطلاب المعلمين بشعبة الرياضيات فى أساليب ومهارات التفكير الرياضى ، وأنه ينبغى تنميتها ، ومن هنا نبعت فكرة الدراسة الحالية .

ثانياً : مشكلة الدراسة

تستحدد مشكلة الدراسة فى تدنى مستوى أداء الطلاب المعلمين بكلليات التربية شعبة الرياضيات فى مهارات التفكير الرياضى ، وللتصدى لهذه المشكلة ينبغى الإجابة عن السؤال الرئيسى التالى :

" كيف يمكن تنمية مهارات التفكير الرياضى لدى الطلاب المعلمين بكلليات التربية شعبة الرياضيات ؟ "

^١ رمضان صالح و فاروق السيد : مرجع سابق : ١٩٩٣

^٢ لطفى عمارة مخلوف : " مستويات التفكير الهندسى لدى الطلاب المعلمين طبقاً لنموذج " فان هيل " دراسة علمية : مجلة تربية المنصورة ع ٢٦ سبتمبر ١٩٩٤

^٣ جابر عبد الله حسين : " أثر استخدام المنظم المتقدم على تعلم طلاب السنة الرابعة بكلليات التربية استنباط بعض تعميمات الهندسة التحليلية " مجلة تربية المنصورة

ع ٣٣ ، يناير ، ١٩٩٧

^٤ سوسن كوسة : " التفكير الرياضى والتحصيل فى الرياضيات لدى تلميذات المرحلة الابتدائية بمدينة مكة المكرمة " مؤتمر الجمعية المصرية لتربويات الرياضيات

الرياضيات المدرسية : معايير ومستويات " ٢١-٢٢ فبراير ٢٠٠١ ، ص ٦٠٢ .

ويتفرع منه التساؤلات الفرعية التالية :

١. ما مهارات التفكير الرياضى التى ينبغى توافرها لدى الطلاب المعلمين بكليات التربية
شعبة الرياضيات ؟
٢. ما مدى تمكن الطلاب المعلمين من تلك المهارات ؟
٣. ما البرنامج المقترح لتنمية مهارات التفكير الرياضى لدى الطلاب المعلمين بكليات
التربية شعبة الرياضيات ؟
٤. ما فعالية البرنامج المقترح لتنمية مهارات التفكير الرياضى لدى هؤلاء الطلاب ؟

ثالثاً: حدود الدراسة

تقتصر الدراسة على :

- عينة طلاب الفرقة الثالثة بكلية التربية شعبة التعليم الابتدائى قسم الرياضيات ، وذلك
لحاجة هؤلاء الطلاب لتنمية مهارات التفكير الرياضى لديهم ، خاصة وأن لديهم
صعوبات فى التحصيل للرياضيات كما تشير^١ بذلك درجاتهم فى نهاية كل فصل دراسى.
- التفكير الرياضى بأساليبه التسعة التالية (الاستقراء ، والاستنباط ، و التعميم ، المنطق
الرياضى ، البرهان الرياضى ، التعبير بالرموز ، التصور البصرى المكانى ، التفكير
العلاقى ، التفكير الاحتمالى) ، حيث أنها أكثر الأساليب شيوعاً فى الدراسات السابقة ،
كما أنها الأساليب المناسبة لتعلم وتعليم الرياضيات .

رابعاً: مصطلحات الدراسة

(١) التفكير الرياضى :

"هو نشاط عقلى خاص بمادة الرياضيات (تستخدم فيه الرياضيات) ، ويضم الأساليب
التسعة التالية : (الاستقراء ، الاستنباط ، و التعميم ، المنطق الشكلى ، البرهان الرياضى ،
التعبير بالرموز ، التصور البصرى المكانى ، التفكير العلاقى ، التفكير الاحتمالى) ، وذلك
حينما يواجه بموقف مشكل يبحث له عن حل .

^١ تم الاطلاع على النتائج النهائية فى الفصلين الدراسيين للطلاب المعلمين بكلية التربية بينها شعبة التعليم الابتدائى قسم الرياضيات لمدة ثلاث سنوات سابقة.

ويقصد به "اكتشاف قاعدة عامه من حالات خاصه" ، وهنا يكتفى بوضع القاعدة صورة جبرية أو رمزية أو ما شابه ذلك.

ب- الاستنباط (Deduction) :

ويقصد به "الوصول إلى نتيجة خاصة اعتمادا على مبدأ عام أو مفروض ، أو تطبيق المبدأ العام أو القاعدة العامة على حالة أو حالات خاصة من الحالات التى تنطبق عليها القاعدة أو المبدأ " .

ج- التعبير بالرموز "الترميز" (Symbology) :

وهو أسلوب يقوم على استخدام الرموز فى التعبير عن المعطيات اللفظية أو الأفكار الرياضية.

د- التعميم (Generalization) :

هو الصياغة اللفظية للقاعدة العامة التى نتوصل إليها من ملاحظة بعض الحالات الخاصة.

هـ- التفكير الاحتمالى (Probable Thinking) :

ويقصد به " التفكير المطلوب لدراسة أى مقرر فى الاحتمالات ، و حل مشكلات احتمالية ، وكذلك التنبؤ بحل أى مشكلة ، أو اقتراح فروض (حلول) لها " .

و- التفكير العلاقى (Relational Thinking) :

وهو أسلوب يقوم على إدراك العلاقات بين عناصر الموقف أو المشكلة فى الرياضيات.

ز- التصور البصرى المكائى (Spatial , Visualization)

هو " المعالجة الذهنية وتخيّل وضع ، وحركة الأشكال الهندسية المستوية فى أى اتجاه على سطح الورقة أو خارج سطحها ، أى (فى المستوى أو فى الفراغ) " .

خ- البرهان الرياضى (Mathematical Proof) :

ويقصد به " الدليل على صحة عبارة ما ، وذلك الدليل يتضمن سلسلة من العبارات الرياضية ، تستنبط كل منها من سابقتها ، بناء على قواعد المنطق الرياضى ، والاستناد

إلى تبرير رياضى صحيح (معطى ، أو نظرية ، أو مسلمة ، أو تعريف)

ط- المنطق الرياضى (Mathematical Logic)

ويقصد به مجموعة من القواعد المقبولة تستخدم للحكم على صدق قضية ما

(٢) مهارات التفكير الرياضى :

هى القدرة على إتقان تنفيذ العمليات العقلية التى تدرج تحت كل أسلوب من أساليب التفكير الرياضى التسعة السابقة بفهم ودقة وسهولة .

خامساً : إجراءات الدراسة

١. القيام بدراسة نظرية حول مفهوم التفكير الرياضى ، مهاراته وذلك من خلال:

أ- المراجع العربية والأجنبية.

ب- البحوث والدراسات السابقة العربية والأجنبية.

٢. إعداد قائمة بمهارات التفكير الرياضى فى ضوء ما سبق وضبطها.

٣. إعداد اختبار لقياس مهارات التفكير الرياضى وضبطه إحصائياً.

٤. تطبيق اختبار مهارات التفكير الرياضى على عينة من الطلاب المعلمين لتحديد مستوى تمكنهم من هذه المهارات.

٥. اعداد البرنامج المقترح وذلك من خلال:

أ- تحديد الأهداف.

ب- تحديد المحتوى.

ت- تحديد طرق التعليم المستخدمة فى إطار الاستراتيجية التدريسية.

ث- تحديد الوسائل والأنشطة المصاحبة.

ج- تحديد أدوات التقويم.

ح- تحديد مصادر التعلم.

٦. اختيار عينة الدراسة .

٧. التطبيق القبلى لأداة الدراسة.

٨. تدريس البرنامج.
٩. التطبيق البعدي لأداة الدراسة.
١٠. رصد البيانات ومعالجتها إحصائياً.
١١. التوصل للنائج وتحليلها وتفسيرها.
١٢. تقديم التوصيات والمقترحات.

سادساً : أهمية الدراسة

تتبع أهمية الدراسة من خلال :

١. إعداد قائمة بمهارات التفكير الرياضى اللازم توافرها للطلاب المعلمين بالتعليم الابتدائى ،بكلية التربية شعبة الرياضيات ، وهذه قد تفيد عند إعادة النظر فى تخطيط برامج إعداد المعلمين بالتعليم الابتدائى، وذلك بمراعاة هذه المهارات فى التخطيط .
٢. تقدم الدراسة برنامجاً مقترحاً لتنمية مهارات التفكير الرياضى لدى الطلاب المعلمين وهذا يفيد هؤلاء الطلاب ، وينعكس أثره على تلاميذهم بالطبع عند ممارسة المهنة فى التربية العملية ، و بعد التخرج " ففاد الشيء لا يعطيه" .
٣. البرنامج المقترح يمكن أن يفيد وزارة التربية والتعليم عند إعداد برامج أو دورات تدريبية لتنمية مهارات التفكير الرياضى للمعلمين الممارسين للمهنة .
٤. بناء اختبار مهارات التفكير الرياضى للطلاب المعلمين بالتعليم الابتدائى شعبة الرياضيات ، و يمكن الاستفادة منه لقياس مهارات التفكير الرياضى لديهم ، وكذلك عند اختيار المدرسين المرشحين للتدريس بالتعليم الابتدائى.

يتناول هذا الفصل عرضاً للدراسات السابقة العربية والأجنبية في مجال التفكير الرياضي وذلك بهدف :

- ١- التعرف على موقف الدراسة الحالية من الدراسات السابقة وتحديد مدى الاستفادة منها
 - ٢- تحديد فروض الدراسة الحالية .
 - ٣- الاسترشاد بهذه الدراسات في بناء البرنامج الحالي ، وعند تطبيقه وتفسير النتائج .
- وقد تنوعت هذه الدراسات ، ولذا أمكن تصنيف هذه الدراسات حسب نواحي اهتمامها وأهميتها للدراسة الحالية في محورين رئيسيين :

أولاً : دراسات تناولت تأثير المعالجات التدريسية على التفكير الرياضي

تشير الدراسات في هذا المجال إلى فعالية المعالجة التدريسية في تنمية التفكير الرياضي ، ومن هذه الدراسات :

١- دراسة (غالب الطويل : ١٩٩١)^١

هدفت هذه الدراسة إلى التعرف على مدى فعالية استخدام أسلوب دورة التعلم كمعالجة تدريسية في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي والاتجاه نحو الرياضيات لدى عينة من طلاب الصف الأول الثانوي بدولة قطر ، وقد تمثلت الوحدة التجريبية في ستة فصول من المقرر الدراسي لطلاب الصف الأول الثانوي بدولة قطر ، وتمثلت أدوات الدراسة في (اختبار في التفكير الرياضي ، واختبار تحصيلي ، ومقياس اتجاهات) كانت جميعها من إعداد الباحث ، وتكونت العينة من ١٢٠ طالبا بالصف الأول الثانوي بدولة قطر ، وقسمت العينة إلى مجموعتين متكافئتين إحداهما المجموعة التجريبية (درست الوحدة التجريبية بأسلوب دورة التعلم) ، والأخرى المجموعة الضابطة (درست نفس الوحدة بالطريقة التقليدية) ، وتم تطبيق الاختبارات المعدة قبل وبعد التدريس ، وكان من أهم نتائج الدراسة :

- تفوق المجموعة التجريبية على الضابطة في اختبار التفكير الرياضي البعدي (في التفكير الرياضي ككل) وكذلك في الاختبار التحصيلي البعدي .
- تفوق المجموعة التجريبية على الضابطة في كل مكون من مكونات التفكير الرياضي

^١ غالب محمد الطويل : "فعالية استخدام أسلوب دورة التعلم في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلاب المرحلة الثانوية " دكتوراه تربية طنطا، ١٩٩١

(الاستقراء ، الاستنباط ، التفكير الرمزي ، التفكير العلاقي ، البرهان الرياضى) ما عدا التفكير الاحتمالى والتصور البصرى والإدراك المكانى حيث كانت الفروق غير دالة إحصائية.

٢- دراسة (صلاح عبد الحفيظ : ١٩٩٢)^١

استهدفت هذه الدراسة التعرف على أثر استخدام أسلوب حل المشكلات كمعالجة تدريسية على تحصيل طلاب الصف الأول الثانوى العام وتفكيرهم الرياضى ، وبحث ما إذا كانت هناك علاقة ارتباطيه بين التحصيل الدراسى والقدرة على التفكير الرياضى أم لا . وقد أعد الباحث وحدة المعادلات بأسلوب حل المشكلات ، كما أعد اختبار للتفكير الرياضى (يقيس المظاهر: الاستقراء ، الاستنباط ، التعميم ، استخدام الرموز ، المنطق الشكلى ، البرهان الرياضى) ، واختبار تحصيلى ، وتكونت عينة الدراسة من فصلين ، تم اختيار أحدهما ليمثل المجموعة التجريبية ومثل الآخر الضابطة ، تم التكافؤ بينهما وطبق اختبار التفكير الرياضى قبلياً ، وبعد التدريس طبق اختبار التحصيل والتفكير الرياضى . وقد أشارت نتائج الدراسة إلى :

- تفوق المجموعة التجريبية على الضابطة فى التفكير الرياضى ككل وفى كل مظهر من مظاهر التفكير الرياضى .
- تفوق المجموعة التجريبية على الضابطة فى التحصيل .
- وجود علاقة ارتباطيه طردية بين التفكير الرياضى والتحصيل فى الرياضيات .
- انخفاض مستوى أداء الطلاب فى المجموعتين فى مظهرى (البرهان و الاستنتاج) فى حين كان أعلى أداء فى (التعميم والاستقراء) .

مما يؤكد الحاجة إلى تنمية مهارتى البرهان الرياضى والاستنتاج.

٣- دراسة (رمضان صالح ، وفاروق السيد : ١٩٩٣)^٢

هدفت الدراسة إلى قياس فاعلية أسلوب الاستقصاء كمعالجة تدريسية فى تحصيل

^١ صلاح عبد الحفيظ : " أثر استخدام أسلوب حل المشكلات فى تنمية التفكير الرياضى لدى طلاب المرحلة الثانوية " مجلة تربية طنطا ، ع ١٦ ، يونيو ١٩٩٢ ص ١١٥-١٧٧

^٢ رمضان صالح و فاروق السيد " مدى فعالية الطريقة الاستقصائية فى التحصيل وتنمية بعض مكونات التفكير الرياضى لدى طاب كلية التربية " مجلة اتحاد الجامعات العربية ، ع ٢٨ ، يناير ١٩٩٣

الطلاب (معلم الفصل الواحد بالبحرين) لمقرر طرق تدريس الرياضيات وفي تنمية التفكير الرياضى لديهم .

وقد تم اختيار وحدات من مقرر طرق تدريس الرياضيات (تدريس القسمة والكسور الاعتيادية ، جوانب التعلم فى الرياضيات ، التقويم) لتمثل الوحدات التجريبية فى ذلك البحث ، وأعد الباحثان اختبار تحصيلي فى الوحدات التجريبية ، اختبار تفكير رياضى بمكوناته (الاستدلال الشكلى ، الاستنتاج الرمزى ، التعميم) . وكانت عينة الدراسة من طلاب (نظام معلم الفصل ، بكلية التربية جامعة البحرين القسم الأدبى) ، تم تقسيمها إلى مجموعتين إحداها تجريبية لتدرس الوحدات المختارة من مقرر طرق التدريس بالطريقة الاستقصائية ، والثانية ضابطة لتدرس نفس الوحدات بالطريقة التقليدية ، وتم التكافؤ بينها ، و تطبيق الاختبار التحصيلي واختبار التفكير الرياضى قبل وبعد التدريس .

وأشارت نتائج الدراسة إلى :

- وجود فروق دالة بين المجموعتين فى التحصيل بجوانبه (الفهم ، التطبيق ، التحليل والتركيب والتقويم) لصالح التجريبية ، وعدم وجود فروق دالة فى مستوى التذكر لأن الوحدات كانت حول تدريس القسمة والكسور الاعتيادية ، جوانب التعلم فى الرياضيات والتقويم فى الرياضيات وهى تضم مفاهيم أساسيه يجب أن يتقنها كل الطلاب .
- عدم وجود فروق دالة بين المجموعتين فى كل مكونات التفكير الرياضى الثلاثة .

٤- دراسة (محمد قنديل وعادل الباز : ١٩٩٤)^١

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر استخدام إستراتيجيتين لحل المسائل اللفظية على كل من التفكير الرياضى وحل مسائل محتوية على أنماط أو معلومات زائدة لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائى . وقد تم اختيار مسائل من كتاب رياضيات الفصل الأول بالصف الخامس ، و إعداد مجموعتين من المسائل (مسائل ذات أنماط ، مسائل ذات معلومات زائدة) و تمثلت المعالجات التدريسية المستخدمة فى البحث فى (إستراتيجية التفكير فى مسألة أبسط ، وإستراتيجية رسم شكل تخطيطي للمسألة) ، وتم إعداد اختبار لقياس قدرة التلاميذ على حل

^١ محمد راضى قنديل وعادل الباز " أثر استراتيجيتين لحل المسائل اللفظية على التفكير الرياضى وحل مسائل محتوية على أنماط أو معلومات زائدة " مجلة التربية المعاصرة ، ع (٣٠) ، ص (١١) يناير ١٩٩٤ ، ص ص (٢١٥ - ٢٥٩)

المسائل واختبار فى التفكير الرياضى وهو صورة مترجمة من اختبار " ولموت " WILMOT ومكوناته (التفكير الاستقرائى ، و الاستنباطى ، و الكمى ، إدراك الأنماط) ، وتكونت عينة الدراسة من ٤ فصول ، وكل فصل منه يمثل مجموعة تجريبية (مجموعتين تدرس بالاستراتيجية الأولى ، مجموعتين بالاستراتيجية الثانية) ، وتم التجانس بين المجموعات قبلية فى التفكير الرياضى والقدرة على حل المسائل ، وبعد التدريس تم تطبيق الاختبارين بعدياً . ومن أهم ما توصلت إليه الدراسة :

- تفوق استراتيجية التفكير فى مسألة أبسط على استراتيجية رسم الشكل التخطيطى للمسألة فى تنمية التفكير الرياضى بكل أشكاله موضع الاهتمام بصرف النظر عن نوع المسائل التى يتم التدريب من خلالها .
- تفوق المسائل المحتوية على أنماط على المسائل المحتوية على المعلومات الزائدة فى تنمية التفكير الرياضى بصرف النظر عن نوع الاستراتيجية المستخدمة .
- لا يوجد تأثير دال للتفاعل الثنائى بين متغيرى الدراسة (استراتيجية الحل و نوع المسألة) فى تنمية التفكير الرياضى ككل .

٥- دراسة (حمزة الرياض ومحمود مراد : ١٩٩٧)^١

هدفت الدراسة إلى معرفة أثر استخدام (إستراتيجيات الاكتشاف الاستقرائى ، الاكتشاف الاستنباطى ، الطريقة العادية) كمعالجة تدريسية للتعميمات الجبرية على التحصيل والتفكير الرياضى بمكوناته لدى طلاب الصف الثانى من المرحلة الإعدادية ، ومعرفة أثر الأسلوب المعرفى للمعلم (مستقل / معتمد) على تحصيل التلاميذ فى مادة الجبر وتفكيرهم الرياضى . وكذلك أثر الأسلوب المعرفى للتلاميذ (مستقل / معتمد) على التحصيل والتفكير الرياضى . وأثر التفاعل الثنائى والثلاثى بين متغيرات الدراسة المستقلة على التحصيل والتفكير الرياضى .

وقد تمثلت الوحدة التجريبية (فى وحدة الأعداد النسبية) وتم اختيار (٦) مدرسين وتصنيفهم إلى (٣ مستقلين و ٣ معتمدين) بواسطة اختبار الأشكال المتداخلة وتم اختيار (٦)

^١ حمزة عبد الحكيم الرياضى ، محمود عبد اللطيف مراد ، " أثر التفاعل بين بعض إستراتيجيات تدريس التعميمات الجبرية و الأسلوب المعرفى لكل من المعلم والتلميذ على التحصيل والتفكير الرياضى بالتعليم الإعدادى " مجلة كلية التربية ببنها ، مع ٨ ، ع ٢٩ ، يوليو ١٩٩٧ ، ص ص (١٤٧ - ١٩٦) .